

	<b>Fachhochschule Braunschweig/Wolfenbüttel FB Elektrotechnik</b>  Prof. Dr.-Ing. T. Harriehausen	<b>Klausur Mathematik III SS 2000</b>  27.6.2000
	Bearbeitungszeit:  120 Minuten	<b>Anzahl der abgegebenen Blätter:</b> _____  + 3 Aufgabenblätter

**Erlaubte Hilfsmittel: ausgegebene Formelsammlung. Ohne Taschenrechner!**  
**Alle Antworten sind zu begründen, Lösungswege müssen nachvollziehbar sein!**  
 Bitte kennzeichnen Sie jedes Blatt mit Ihrem Namen und Ihrer Matrikelnummer und beginnen Sie jede Aufgabe auf einer neuen Seite. Bitte schreiben Sie nicht mit roter Farbe!

### Punkteverteilung

Aufgabe	1	2	3	4	5	6	7	8	9 (Z)	$\Sigma$	Note:
Punkte (ca.)	6	8	13	15	16	18	10	16	.20	100+20	
erreicht											

#### Aufgabe 1:

Gegeben ist  $z_1 = -2 + j2$ .

Berechnen Sie a)  $z_1^*$ , b)  $-z_1$ , c)  $|z_1|$ , d)  $Arg(z_1)$ ,

e) Darstellung von  $z_1$  in Exponentialform, f) Darstellung von  $z_1$  in trigonometrischer Form.

#### Aufgabe 2:

Gegeben sind  $z_1 = 230 e^{j\frac{\pi}{2}}$ ,  $z_2 = 100 e^{-j\frac{2\pi}{3}}$ ,  $z_3 = -2 + j3$ ,  $z_4 = 3 - j4$ .

Berechnen Sie

a)  $z_1 / z_2$  in Exponentialform (Hauptwert!), b)  $z_3 / z_4$  in kartesischer Form.

c) Welche Unterschiede gibt es zwischen komplexen Zahlen und Vektoren bzgl. der definierten Rechenoperationen?

#### Aufgabe 3:

Berechnen Sie Haupt- und Nebenwerte von

a)  $z_1 = \sqrt[5]{-1}$  Wo liegen die Lösungen in der Gaußschen Zahlenebene?

b)  $z_2 = \ln(\sqrt{1+j})$

#### Aufgabe 4:

Sei  $p = \sigma + j\omega$  mit gegebenen, festen Werten  $\sigma > 0$ ,  $\omega > 0$ .

Skizzieren Sie von der Funktion  $z(t) = e^{pt}$  mit  $t \geq 0$

a)  $Re(z)$ , b)  $Im(z)$ , c)  $|z|$ , d)  $Arg(z)$  (Hauptwert!), e) die Ortskurve  $z(t)$

**Aufgabe 5:**

Konstruieren Sie qualitativ die Ortskurve  $Y_{ges}(\omega) = \frac{1}{Z_{ges}(\omega)} = \frac{1}{R_L + j\omega L + \frac{1}{G_C + j\omega C}}$

der in Bild 1 dargestellten Schaltung. Es gilt  $R_L, L, G_C, C, \omega > 0$ .

Geben Sie charakteristische Werte der Ortskurve an!

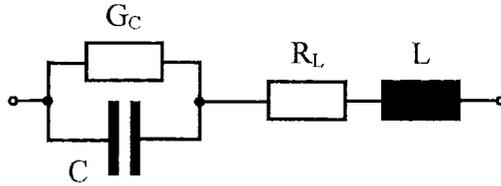


Bild 1: Reihenschwingkreis aus verlustbehafteten Bauelementen

**Aufgabe 6:**

- Entwickeln Sie die Funktion  $y_1(x) = e^x$  um den Entwicklungspunkt  $x_0 = 1$  in eine Taylorreihe der Form  $y_1 = \sum \dots$  und berechnen Sie den Konvergenzradius.
- Entwickeln Sie  $y_2(x) = \sin(x)$  in eine McLaurin-Reihe der Form  $y_2 = \sum \dots$
- Welche Voraussetzungen muß eine Funktion erfüllen, damit sie in eine Fourierreihe entwickelbar ist?

**Aufgabe 7:**

Berechnen Sie ohne Benutzung einer Korrespondenz-Tabelle die (komplexe) Fourier-Transformierte von

$$\text{a) } f_1(t) = \delta(t - t_0) \qquad \text{b) } f_2(t) = \begin{cases} 0 & \text{für } t < 0 \\ e^{-\lambda t} & \text{für } t \geq 0 \end{cases}$$

**Aufgabe 8:**

Geben Sie für die folgenden Differentialgleichungen den Typ der DGL an und berechnen Sie die Lösung mit einem geeigneten Verfahren (Lösungshinweise auf S. 3):

- $u_C(t) + \tau \cdot \dot{u}_C(t) = 0$  mit  $\tau > 0$  und  $u_C(0) = U_0$
- $2y''(x) + 4y'(x) - 30y = 16 \cdot e^{3x}$

**Aufgabe 9 (Zusatzaufgabe):**

Entwickeln Sie die Funktion  $u(t) = \hat{U} |\cos(\omega_o t)|$  mit  $\hat{U} > 0$  und  $\omega_o = \frac{2\pi}{T_o}$  mit  $T_o > 0$

in eine reelle Fourierreihe der Form  $u(t) = \frac{a_0}{2} + \sum_{m=1}^{\infty} (a_m \cdot \cos(m \cdot \omega_o t) + b_m \cdot \sin(m \cdot \omega_o t))$

Hinweis: Im Bronstein findet man für die in Bild 2 dargestellte Funktion die Fourierreihen-

Entwicklung  $y = \frac{2}{\pi} - \frac{4}{\pi} \left( \frac{\cos 2x}{1 \cdot 3} + \frac{\cos 4x}{3 \cdot 5} + \frac{\cos 6x}{5 \cdot 7} + \dots \right)$

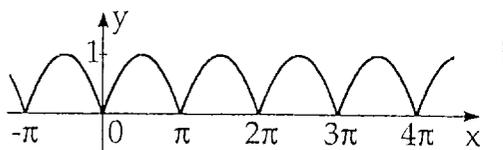


Bild 2: Beispiel 11 aus Bronstein (Auflage 1999) Tabelle 21.4